

# Physik der sozio-ökonomischen Systeme *mit dem Computer*

*JOHANN WOLFGANG GOETHE UNIVERSITÄT*  
*19.04.2024*

*MATTHIAS HANAUSKE*

*FRANKFURT INSTITUTE FOR ADVANCED STUDIES*  
*JOHANN WOLFGANG GOETHE UNIVERSITÄT*  
*INSTITUT FÜR THEORETISCHE PHYSIK*  
*ARBEITSGRUPPE RELATIVISTISCHE ASTROPHYSIK*  
*D-60438 FRANKFURT AM MAIN*  
*GERMANY*

## 1. Vorlesung

In diesem Semester (SS 2024)  
findet die Vorlesung und die Übungstermine  
in Präsenz statt.

# Plan für die heutige Vorlesung

- Festlegung der Übungsgruppentermine
- Internetseite der Vorlesung
- Login-Accounts für die Rechner des Instituts für Theoretische Physik (ITP) der Goethe Universität
- Kurze Einführung in Python, Jupyter Notebooks und C++
- Überblick der Inhalte der gesamten Vorlesungsreihe
- Einführung in die Spieltheorie
  - Definition eines Spiels
  - Strategiemenge der Spieler
  - Präferenzordnung und Auszahlungsfunktion
  - Nash-Gleichgewichte und dominante Strategien
  - Das Gefangenendilemma und das Hirschjagd Spiel

# Allgemeines zur Vorlesung

- Ort und Zeit:  
PC-Pool Raum 01.120 (auch Zoom-Meeting):  
Vorlesungstermine: Freitags von 15.00-17.00 Uhr  
Übungstermin 1: Freitags von 13.30-15.00 Uhr  
Übungstermin 2: Freitags von 17.00-18.30 Uhr
- Vorlesungs-Materialien:  
<http://th.physik.uni-frankfurt.de/~hاناuske/VPSOC/> bzw.  
<http://th.physik.uni-frankfurt.de/~hاناuske/VPSOC/VPSOC2024.html>
- Übungsaufgaben auf der Internetseite
- Generelles zur Vorlesung:  
Bei erfolgreicher Teilnahme 5 Creditpoints  
Benoteter Schein mittels einer mündlichen Prüfung (30 Min.)
- Voraussetzungen:  
Programmierkenntnisse von Vorteil

# Vorlesung besteht aus drei Teilen

Physik der sozio-ökonomischen Systeme mit dem Computer von Dr.phil.nat.Dr.rer.pol. Matthias Hanauske

Nächster Zoom Link am 19.04.2024, 15:00-17:00 Uhr:  
ID: 794 847 5614, PWD: 785453

Home

Teil I

Teil II

Teil III

E-Learning

## Vorwort

Die Vorlesung *Physik der sozio-ökonomischen Systeme mit dem Computer* wurde im Wintersemester 2015/16 das erste Mal gehalten und viele der auf dieser Hauptseite erreichbaren Internetseiten basieren grundsätzlich auf dem damals erstellten Kurs. In der ersten Vorlesung (PC-Pool 01.120, bzw. Zoom Link siehe rechte obere Ecke) werden die Voraussetzungen besprochen, die man benötigt, um einen benoteten bzw. unbenoteten Schein mit fünf Creditpoints zu erhalten.

Die Inhalte der Vorlesung gliedern sich in die Themenbereiche *Einführung in die Spieltheorie*, *Evolutionäre Spieltheorie*, *Theorie der komplexen Netzwerke*, *Spiele auf komplexen Netzwerken* und *Quanten Spieltheorie*, wobei die besprochenen Konzepte stets mittels des Computers, in diversen Python Jupyter Notebooks, verdeutlicht werden. In der zweiten oberen Spalte dieser Internetseite können Sie die einzelnen Thementeile der ursprünglich erstellten Vorlesung noch einsehen (siehe [Teil I](#), [Teil II](#), [Teil III](#)).

Die *Spieltheorie* ist ein mathematisches Konzept der Entscheidungsfindung und sie erlangte Bedeutung durch das im Jahre 1944 publizierte Buch der Autoren J. von Neumann und O. Morgenstern "Theory of Games and Economic Behavior". Gegenstand der Spieltheorie sind Entscheidungssituationen, bei denen das Ergebnis nicht nur vom eigenen Handeln, sondern auch vom Verhalten anderer Personen abhängt und sie stellt somit eine *Theorie sozialer Interaktionen* dar. In seinem, bereits im Jahre 1928 publizierten Artikel (siehe [Neumann, J. von. "Zur Theorie der Gesellschaftsspiele." Mathematische Annalen 100 \(1928\): 295-320](#)) formulierte von Neumann die Bedeutung der Spieltheorie treffend mit den folgenden Worten "... es gibt wohl kaum eine Frage des



## Physik der sozio-ökonomischen Systeme mit dem Computer (Physics of Socio-Economic Systems with the Computer) Vorlesung SS 2024, Fr. 15-17.00 Uhr, PC-Pool 01.120

Diese Internetseite fasst die Online-Angebote der Vorlesung *Physik der sozio-ökonomischen Systeme mit dem Computer* zusammen. Die Vorlesungstermine finden freitags von 15.00-17.00 Uhr in Präsenz im PC-Pool 01.120 statt (in Ausnahmefällen jedoch auch Online, siehe Zoom-Link in der rechten oberen Ecke dieser Internetseite). An den Übungen können Sie entweder freitags vor (13.30-15.00 Uhr) oder nach der Vorlesung (17:00-18:30 Uhr) teilnehmen (Beginn der Übungen am 26.04.2024 im PC-Pool 01.120 bzw. Online).

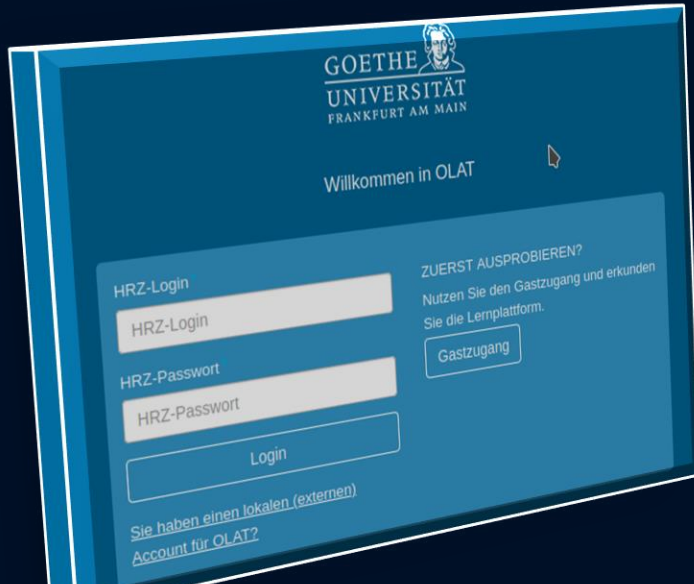
Ab diesem Semester werden die Online-Aufgaben direkt von dieser Seite aus angeboten (siehe rechts oben [E-Learning](#)). Bitte schreiben Sie sich dennoch auf der Online-Lernplattform [OLAT](#) ein, da organisatorische Informationen hierüber versendet werden.

### Weiterführende Literatur

- Schlee, Walter, Einführung in die Spieltheorie, Vieweg 2004
- Rieck, Christian, Spieltheorie: Eine Einführung, Eschborn 2012
- Berninghaus S, Ehrhart K-M, Güth W, Strategische Spiele: Eine Einführung in die Spieltheorie, Springer, Berlin 2010
- Riechmann, Thomas, Spieltheorie, München 2010
- Espinola-Arredondo, A., Munoz-Garcia F., Game Theory : An Introduction with Step-by-Step Examples, Springer; 2023.
- Hofbauer, Josef, and Karl Sigmund. Evolutionary games and population dynamics. Cambridge university press, 1998
- Alexander J. McKenzie. Evolutionary Game Theory. Cambridge: Cambridge University Press; 2023.
- Martin A. Nowak. Evolutionary Dynamics - Exploring the Equations of

# Die OLAT Seite

<http://olat.server.uni-frankfurt.de>



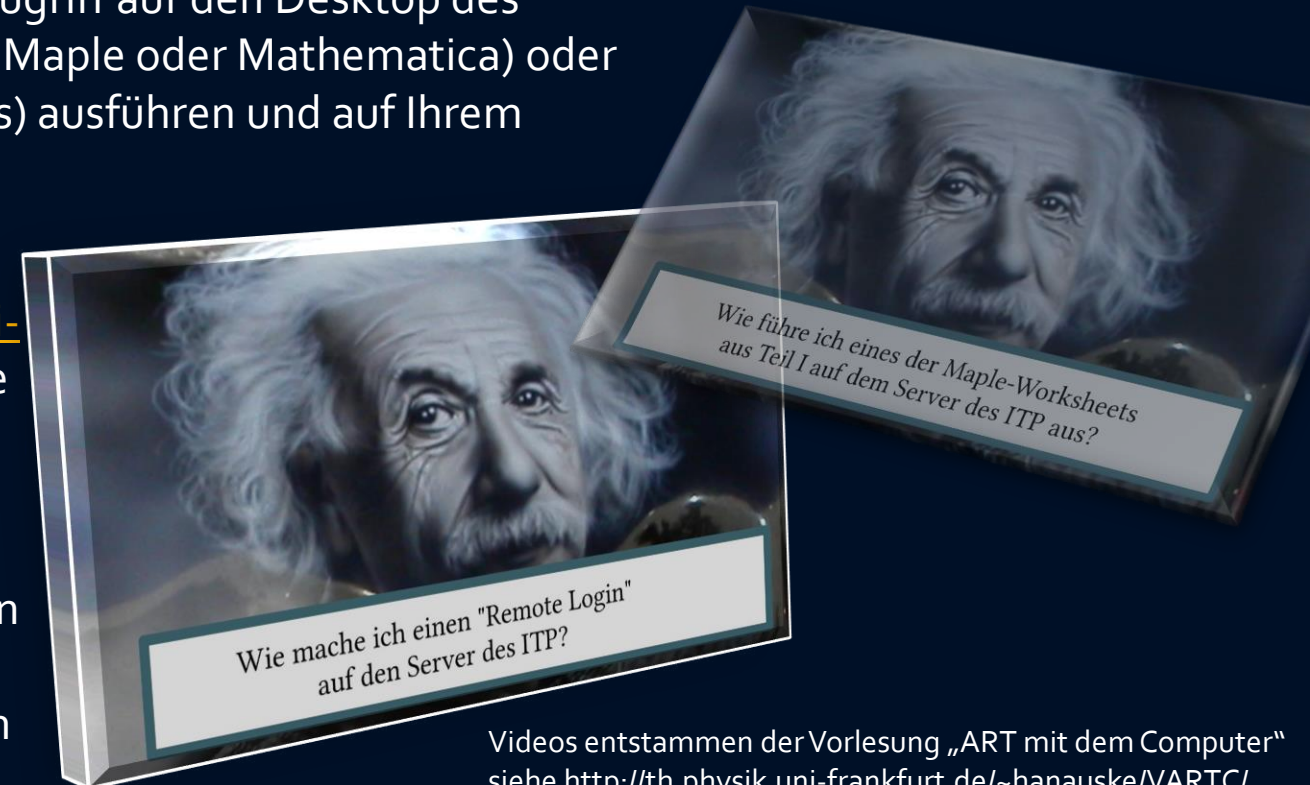
Auf der OLAT Seite des Kurses finden Sie die ältere Jupyter Notebooks zum Ansehen und herunterladen

# Vergabe der Login Accounts und der Remote Login

Bevor wir uns mit der „Physik der sozio-ökonomischen Systeme“ beschäftigen, werden zunächst einige technische Dinge erläutert. Um die in den Vorlesungen vorgestellten Computerprogramme ausführen zu können und die Aufgaben in den Übungsstunden zu bearbeiten, müssen Sie gewisse Programme auf Ihrem Computer installiert haben; bzw. einen *Remote Login* von Ihrem Computer auf den Server des Instituts für Theoretische Physik (ITP) der Goethe Universität machen. Sie benötigen hierzu einen Account für die Rechner des ITP! Dieser Account wird Ihnen persönlich in den ersten Vorlesungsstunden ausgehändigt.

Mittels eines *Remote Login* können Sie sich durch einen Fernzugriff auf den Desktop des Servers des ITP verbinden und Anwendungsprogramme (z.B. Maple oder Mathematica) oder Simulationsprogramme (z.B. C++, Python, Jupyter Notebooks) ausführen und auf Ihrem Computer darstellen.

Auf der alten Internetseite der Vorlesung (siehe <https://itp.uni-frankfurt.de/~hاناuske/VPSOC/VPSOC2021.html> ) finden Sie Links und ein kleines Video das die einzelnen Schritte beschreibt, wie man einen *Remote Login* von einem Linux Betriebssystem zum Server des ITP der Goethe Universität aufbaut. Zusätzlich wird am Ende des Videos gezeigt, wie man das Passwort des eigenen ITP-Accounts ändert (empfohlen!), das Computeralgebra-System Maple startet und wie man sich wieder vom Server des ITP abmeldet.



Videos entstammen der Vorlesung „ART mit dem Computer“ siehe <http://th.physik.uni-frankfurt.de/~hاناuske/VARTC/>

# Installation von Jupyter

Auf den Rechnern des ITP ist Python und Jupyter schon vorinstalliert und man startet ein Jupyter Notebook in einem Linux-Terminal mit dem Befehl „jupyter-notebook“.

Unter Windows kann man Jupyter z.B. recht einfach mittel Anaconda

The image shows two windows from a Windows desktop. The left window is the Anaconda Navigator application, displaying the 'Applications on base (root)' section. It lists four applications: 'CMD.exe Prompt' (0.1.1), 'JupyterLab' (2.1.5), 'Jupyter Notebook' (6.0.3), and 'Powershell Prompt' (0.0.1). Each application has a 'Launch' button. The right window is a web browser displaying a Jupyter Notebook. The notebook title is 'Physik der sozio-ökonomischen Systeme mit dem Computer (Physics of Socio-Economic Systems with the Computer)'. The content includes a title, author information (Dr. phil.nat. Dr.rer.pol. Matthias Hanauske), and a section titled 'Einführung' (Introduction) which discusses game theory concepts like the Prisoner's Dilemma. Below the text, there are code cells with Python code and their corresponding outputs. The code includes imports, matrix definitions, and a function definition.

**Physik der sozio-ökonomischen Systeme mit dem Computer**  
(Physics of Socio-Economic Systems with the Computer)

Vorlesung gehalten an der J.W.Goethe-Universität in Frankfurt am Main  
(Wintersemester 2020/21)

von Dr.phil.nat. Dr.rer.pol. Matthias Hanauske  
Frankfurt am Main 02.08.2020

Erster Vorlesungsteil:  
Dominante Strategien und Nash-Gleichgewichte am Beispiel der folgenden Spiele:  
Gefangenendilemma, Hirschjagd- und Angsthäsen-Spiel

**Einführung**

In diesem Python Notebook werden die in der Vorlesung definierten Gleichgewichtskonzepte (dominante Strategie, reine und gemischte Nash-Gleichgewichte) am Beispiel dreier simultaner, symmetrischer (2 Spieler)-(2 Strategien) Spiele illustriert. Zunächst wird das Python Modul "sympy" eingebunden, das ein Computer-Algebra-System für Python bereitstellt und symbolische Berechnungen und im speziellen Matrix-Berechnungen relativ einfach möglich macht.

```
In [1]: from sympy import *
init_printing()
```

**Das Gefangenendilemma**

Definition der Auszahlungsmatrix für Spieler A ( $S^A$ ):

```
In [2]: D_A=Matrix([[[-7,-1],[-9,-3]])
D_A
Out[2]:
[[-7 -1]
 [-9 -3]]
```

Da sich das Spiel um ein symmetrisches (2 Personen)-(2 Strategien) Spiel handelt, erhält man die Auszahlungsmatrix für Spieler B durch die transponierte Matrix des Spielers A ( $S^B = (S^A)^T$ ):

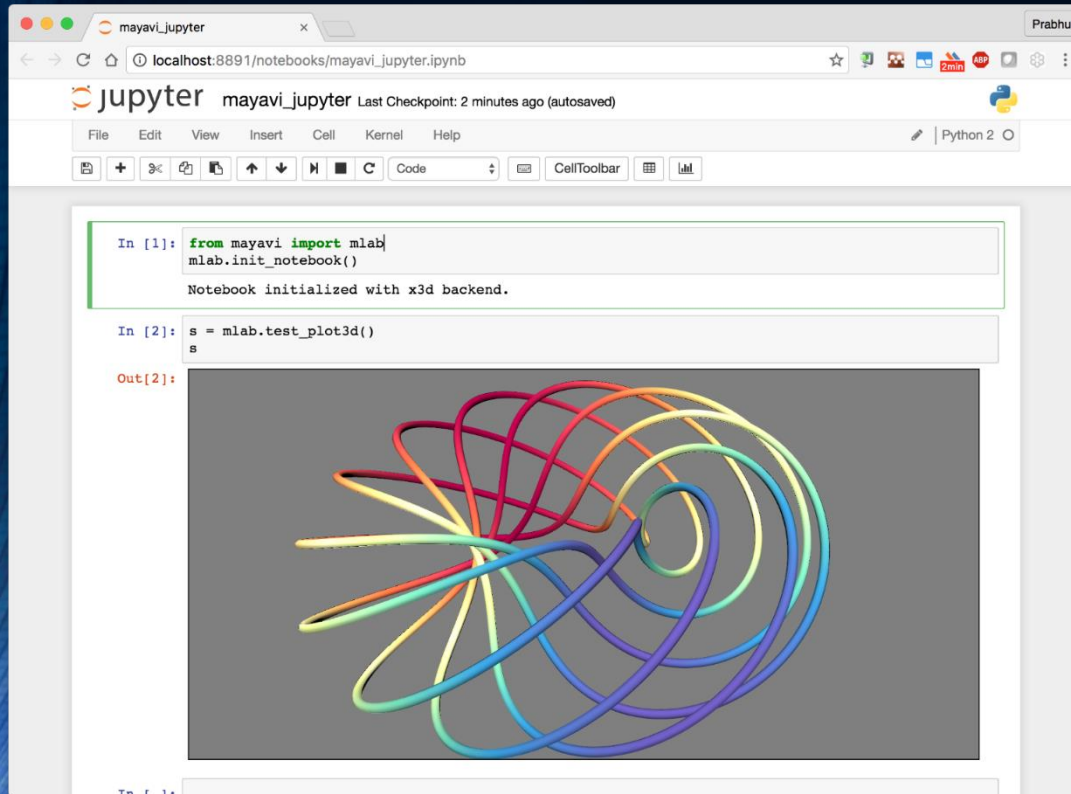
```
In [3]: D_B=transpose(D_A)
D_B
Out[3]:
[[-7 -9]
 [-1 -3]]
```

Unter Verwendung der gemischten Strategien ( $z^A, z^B$ ) im  $(x, y)$  lässt sich eine gemischte Auszahlungsfunktion der Spieler (Spieler A:  $S^A(x, y)$ , Spieler B:  $S^B(x, y)$ ) wie folgt definieren:

```
In [4]: def Dollar(x,y,DM):
GemischteAuszahlung=DM[0,0]*x*y+DM[0,1]*x*(1-y)+DM[1,0]*(1-x)*y+DM[1,1]*(1-x)*(1-y)
```

# Kurze Einführung in C++

## Python Skripts und Jupyter Notebooks



```
In [1]: from mayavi import mlab
mlab.init_notebook()
Notebook initialized with x3d backend.

In [2]: s = mlab.test_plot3d()
s

Out[2]:
```

Einführung in die Programmierung für Studierende der Physik

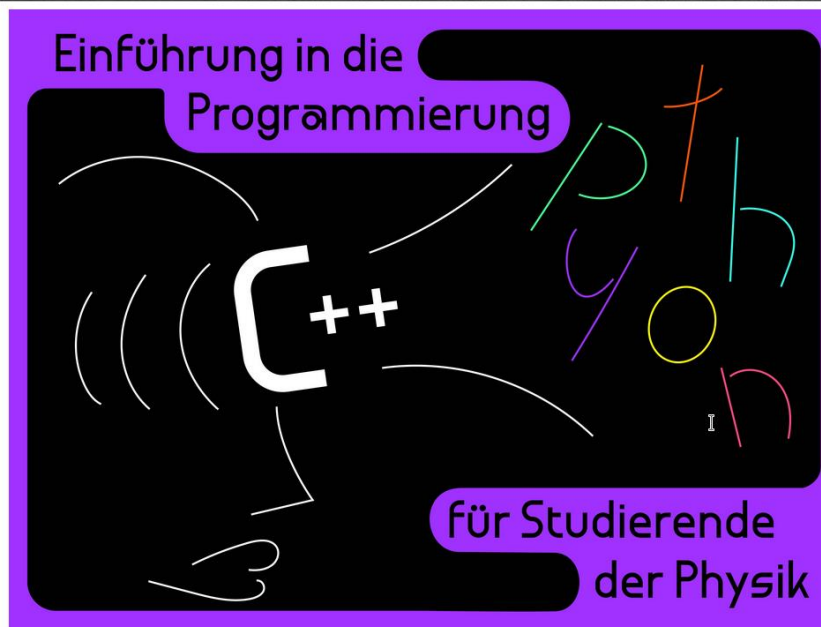


Illustration: Deborah Moldawski

Nächster Zoom Link am 12.04.2022, 15:00-16:00 Uhr: ID: 794 847 5614, PWD: 785453

von Dr.phil.nat.Dr.rer.pol. Matthias Hanauske

### Einführung in die Programmierung für Studierende der Physik (Introduction to Programming for Physicists) Vorlesung SS 2022

Diese Internetseite fasst die Online-Angebote der Vorlesung *Einführung in die Programmierung für Studierende der Physik* zusammen. Die Vorlesungstermine finden jeweils dienstags von 15.00-16.00 Uhr und donnerstags von 14.00-16.00 Uhr im Raum Phys-0.111 statt. Die Termine der Übungen/Praktika finden Sie auf der [Online-Lernplattform OLAT](#) und die Übungsaufgaben werden im linken Panel unter der jeweiligen Vorlesung und zusätzlich auf [OLAT](#) bereitgestellt.

Die Vorlesung gibt einerseits eine Einführung in die Objekt-orientierte Programmiersprache C++ und vermittelt andererseits einige wesentliche Grundlagen der numerischen Mathematik. Es werden die grundlegenden Elemente der Programmiersprache, das Programmierparadigma der Objektorientierung und Simulationen von komplexen physikalischen Problemen behandelt. Das Hauptanliegen der Vorlesung besteht darin, dass die Studierenden die numerische Lösung eines komplexen physikalischen Problems auf dem Computer erstellen können. Der Schwerpunkt wird hierbei auf der Programmiersprache C++ liegen, wobei für die Visualisierung der berechneten Daten die Skriptsprache Python benutzt wird. Zusätzlich werden die berechneten mathematisch/physikalischen Gleichungen mittels Python Jupyter Notebooks analysiert und illustriert.

#### Literatur zu C++

- Prof. Dr. Marc Wagner, Vorlesung im WS 2019/20: *Einführung in die Programmierung für Physiker*
- B. W. Kernighan, D. M. Ritchie, Hanser: *Programmieren in C*
- Bjarne Stroustrup 2015: *Die C++ Programmiersprache*
- Bjarne Stroustrup 2009: *Programming: Principles and Practice Using C++*
- Prof. Dr. Claudius Gros, Vorlesung im WS 2021/22: *Advanced*

In der ersten Übungsstunde werden wir uns im PC-Pool mit den Grundlagen des Betriebssystems Linux befassen und sehen, wie man Python Skripte, Jupyter Notebooks und C++ Programme ausführt.

<http://th.physik.uni-frankfurt.de/~hanauske/VPROG/>



# Inhalte der Vorlesung

SPIELTHEORIE

EVOLUTIONÄRE SPIELTHEORIE

KOMPLEXE NETZWERKE

EVOLUTIONÄRE SPIELTHEORIE AUF  
KOMPLEXEN NETZWERKEN

QUANTEN-SPIELTHEORIE

# Einführung

## Key Question

How can one theoretically describe the time dependent evolution of the strategic behavior of an entire group of decision makers?



## Theoretical Models used to answer the question:

### (Evolutionary) Game Theory

[von Neumann 1928, Nash 1950, Smith 1972, Weibull 1997,  
Szabó/Fáth 07]

### Theory of complex networks

[Barabasi/Albert 02, Mendes/Dorogovtsev 02, Jackson 10]

# Einleitung

- Die Spieltheorie befasst sich mit Entscheidungssituationen, in denen der Erfolg des Einzelnen nicht nur vom eigenen Handeln, sondern auch von den Entscheidungen der anderen beteiligten Spieler (Akteure) abhängt.
- Ökonomische Entscheidungen betreffen in aller Regel nicht nur das Individuum selbst, sondern auch weitere wirtschaftliche Subjekte und deren Entscheidungen.
- Viele Wirtschaftswissenschaftler betrachten die Spieltheorie als die formale Sprache der ökonomischen Theorie.

# Ursprünge der Spieltheorie

- Johann (John) von Neumann veröffentlichte im Jahre 1928 die erste Arbeit über Spieltheorie (*J. von Neumann Zur Theorie der Gesellschaftsspiele*, *Mathematische Annalen* 100, 295-300 (1928)). Er war zu dieser Zeit als Privatdozent in Berlin tätig. 1930 übersiedelte er zur Princeton University und wurde dort 1931 Professor.
- Das erste, wegweisende Buch über Spieltheorie und ökonomisches Verhalten wurde 1944 von v. Neumann und Morgenstern veröffentlicht (*J. von Neumann und Oskar Morgenstern Theory of games and economic behaviour*, Princeton University Press, Princeton (1944))

# Motivation: “Institute for Advance Study” in Princeton (1933 -1950)

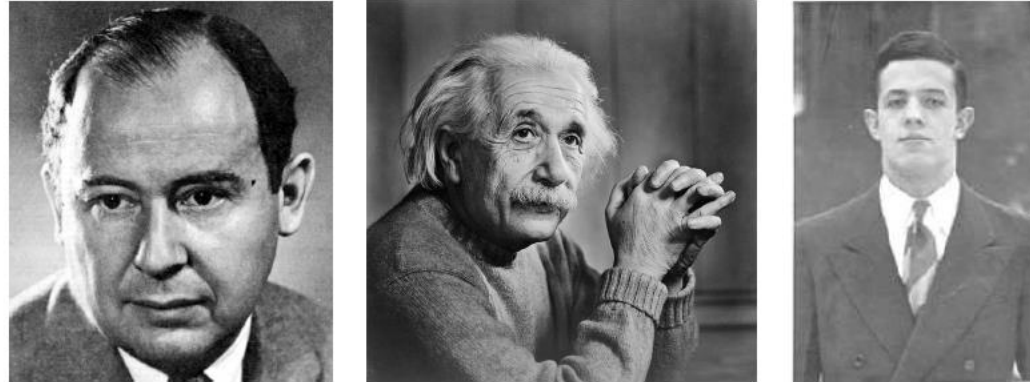


Figure: Johann von Neumann, Albert Einstein und John Forbes Nash Jr.

Johann (John) von Neumann. Zur Theorie der Gesellschaftsspiele.

*Mathematische Annalen*, 100:295–300, 1928.

J. von Neumann. *Mathematische Grundlagen der Quantenmechanik*.

Springer, 1932.

J. von Neumann and O. Morgenstern. *The Theory of Games and Economic Behaviour*. Princeton University Press, 1947.

# Motivation: “Institute for Advance Study” in Princeton (1933 -1950)

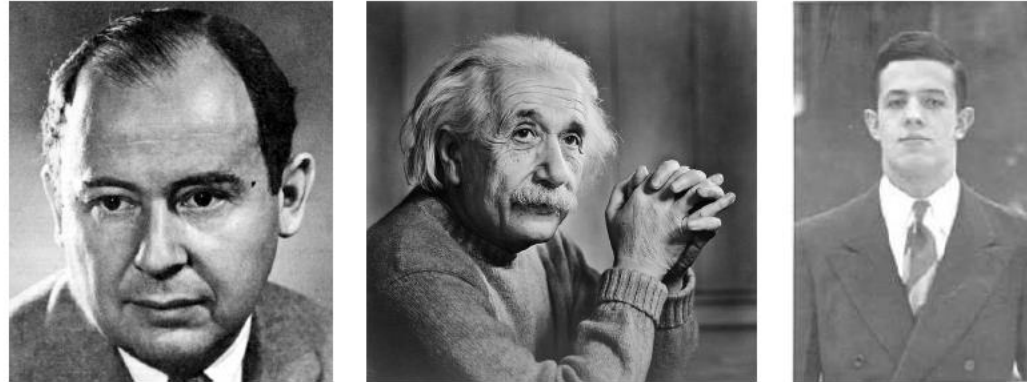


Figure: Johann von Neumann, Albert Einstein und John Forbes Nash Jr.

*Quantum Entanglement* and the “EPR-Paradoxon”:

A. Einstein, B. Podolsky, and N. Rosen. Can Quantum-Mechanical Description of Physical Reality Be Considered Complete? *Physical Review*, 47:777–780, 1935.

# Motivation: “Institute for Advance Study” in Princeton (1933 -1950)

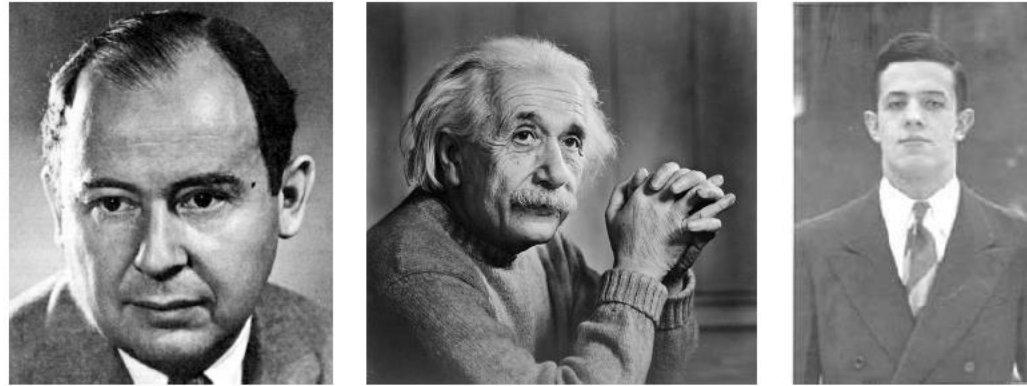


Figure: Johann von Neumann, Albert Einstein und John Forbes Nash Jr.

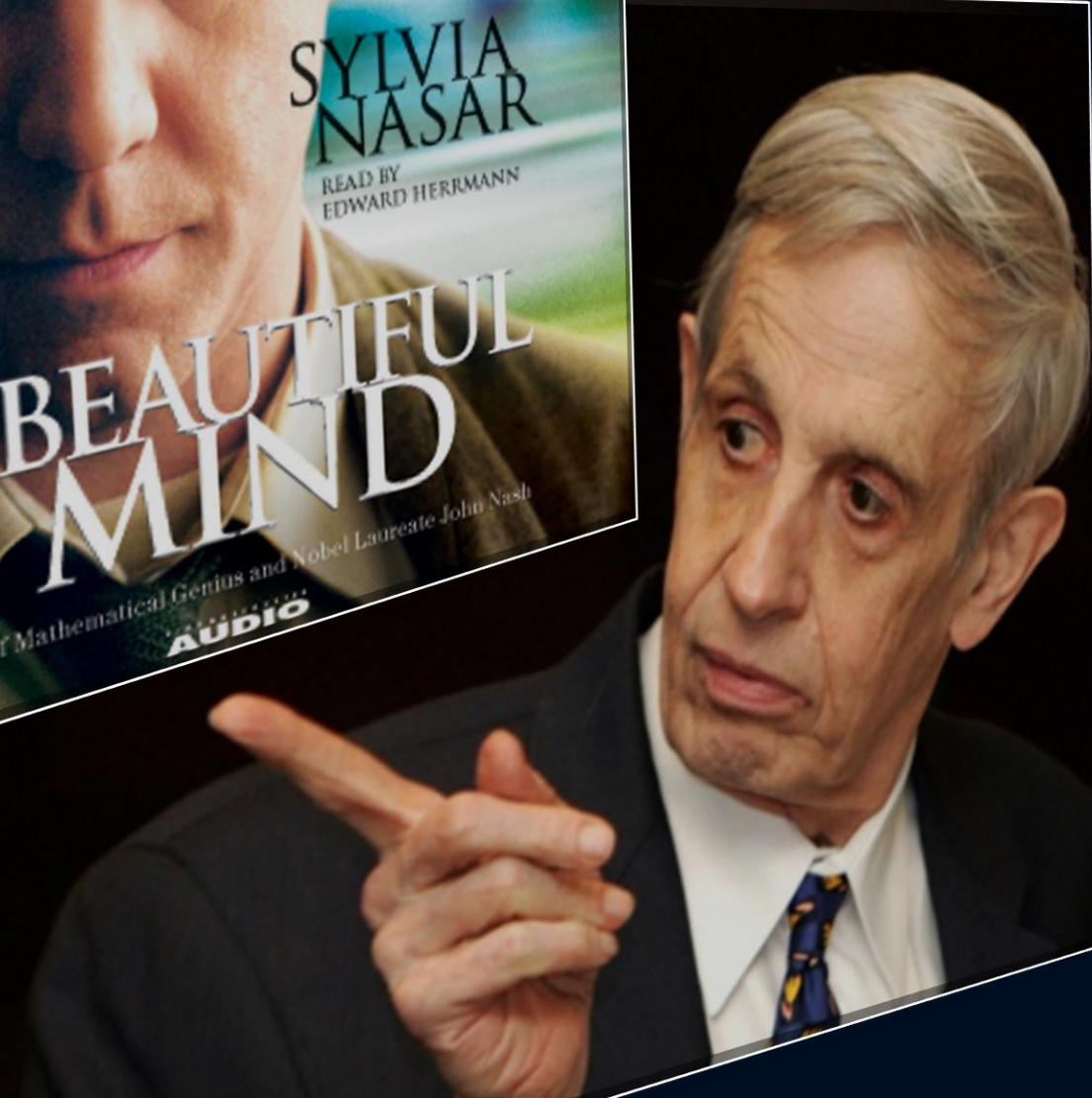
John F. Nash Jr. Equilibrium Points in N-person Games. *Proceedings of the National Academy of Sciences*, 36:48–49, 1950.

John F. Nash Jr. The Bargaining Problem. *Econometrica*, 18:155–162, 1950.

John F. Nash Jr. Non-Cooperative Games. *The Annals of Mathematics*, 54(2):286–295, 1951.

# John Forbes Nash

John Forbes Nash Jr.  
at Princeton university  
in 1949





## I.1.1 Definition eines Spiels

Die formale mathematische Definition eines *Simultanen (N Spieler)-(m Strategien) Spiels in strategischer Form mit Auszahlung* (siehe z.B. [2,3]) benötigt lediglich die Angabe dreier Größen: Die Menge  $\mathcal{I}$  der Spieler, die Menge (der Raum)  $\mathcal{S}$  der Strategien der Spieler und ihre Auszahlungsfunktion (Präferenzordnungen)  $\$$ .

Ein Spiel  $\Gamma := (\mathcal{I}, \mathcal{S}, \$)$  in strategischer Form mit Auszahlung ist hinreichend definiert, wenn die folgenden drei Größen bekannt sind:

- Menge der Spieler:  $\mathcal{I} = \{1, 2, \dots, N\}$   
Die Menge der Spieler  $\mathcal{I}$  kann unter Umständen aus unterschiedlichen Teilmengen bestehen, die ihrerseits unterschiedliche Strategiemengen  $\mathcal{S}$  besitzen. In sozio-ökonomischen Netzwerken stellen die Spieler die jeweiligen Knoten des Netzwerkes dar (näheres siehe Teil II).
- Menge der reinen Strategien der Spieler:  $\mathcal{S} = \mathcal{S}^1 \times \mathcal{S}^2 \times \dots \times \mathcal{S}^N$   
Jeder Spieler  $\mu \in \mathcal{I}$  besitzt eine eigene Menge an reinen Strategien  $\mathcal{S}^\mu = \{s_1^\mu, s_2^\mu, \dots, s_{m_\mu}^\mu\}$ , wobei jede dieser  $m_\mu$  Strategien eine für ihn mögliche Entscheidung darstellt.
- Präferenzordnungen der Spieler, quantifiziert durch eine vektorwertige Auszahlungsfunktion:

$$\$ = (\$,^1, \$^2, \dots, \$^N) : \mathcal{S} \rightarrow \mathbb{R}^N$$

Nachdem jeder Spieler (ohne die Entscheidung seiner Mitspieler zu kennen) eine Strategie aus seiner Strategiemenge  $\mathcal{S}^\mu$  ausgewählt hat, beurteilt er die entstehende Strategiekombination  $\mathcal{S}$  entsprechend seiner Präferenzordnung (Auszahlungsfunktion)  $\$^\mu$ .

Um diese formale Definition im einzelnen zu erklären, beschränken sich die folgenden Darlegungen auf den einfachsten Fall des simultanen

# Spielbaum eines simultanen (2 Personen)-(2 Strategien) Spiels

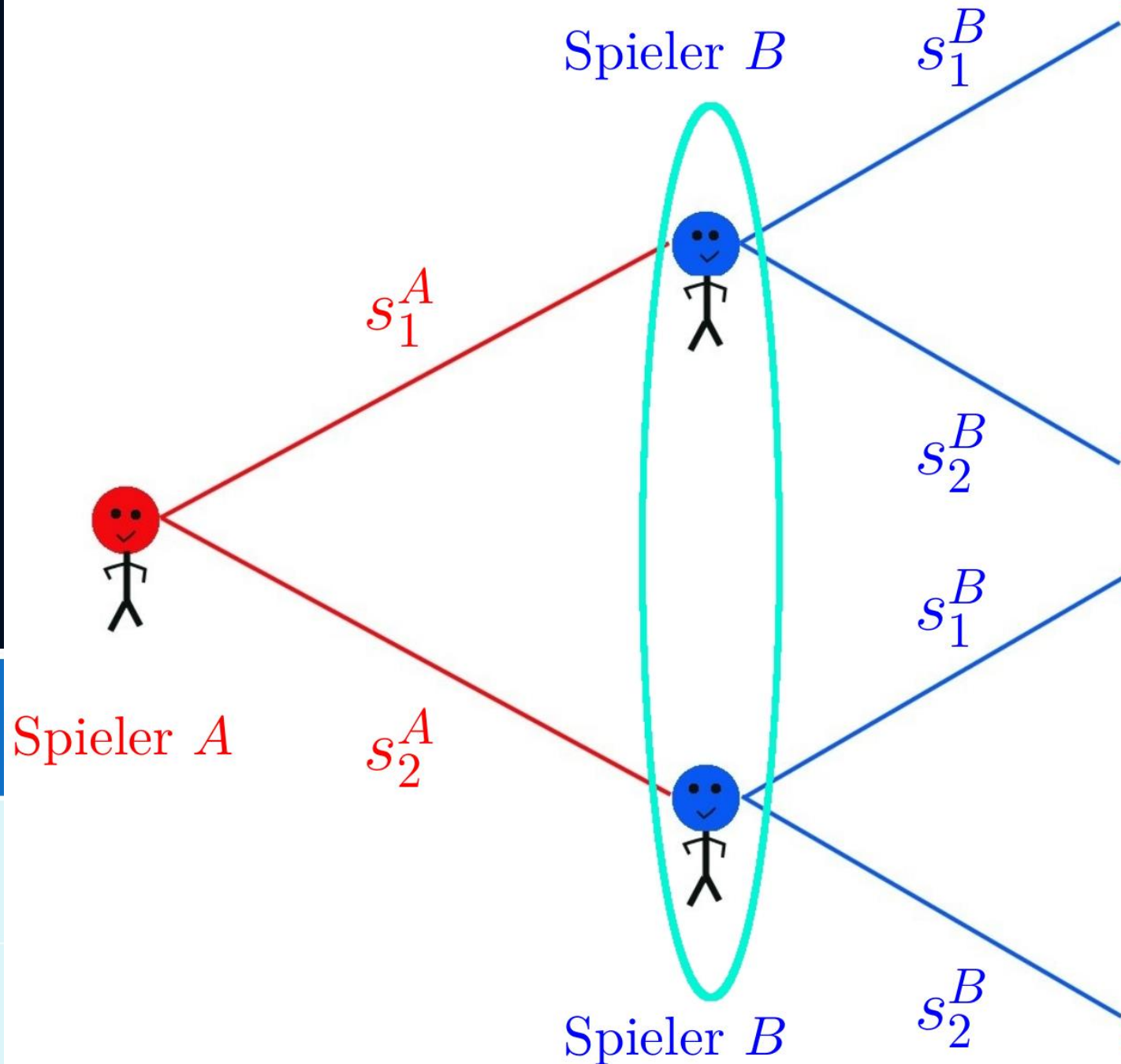
## Definition des Spiels:

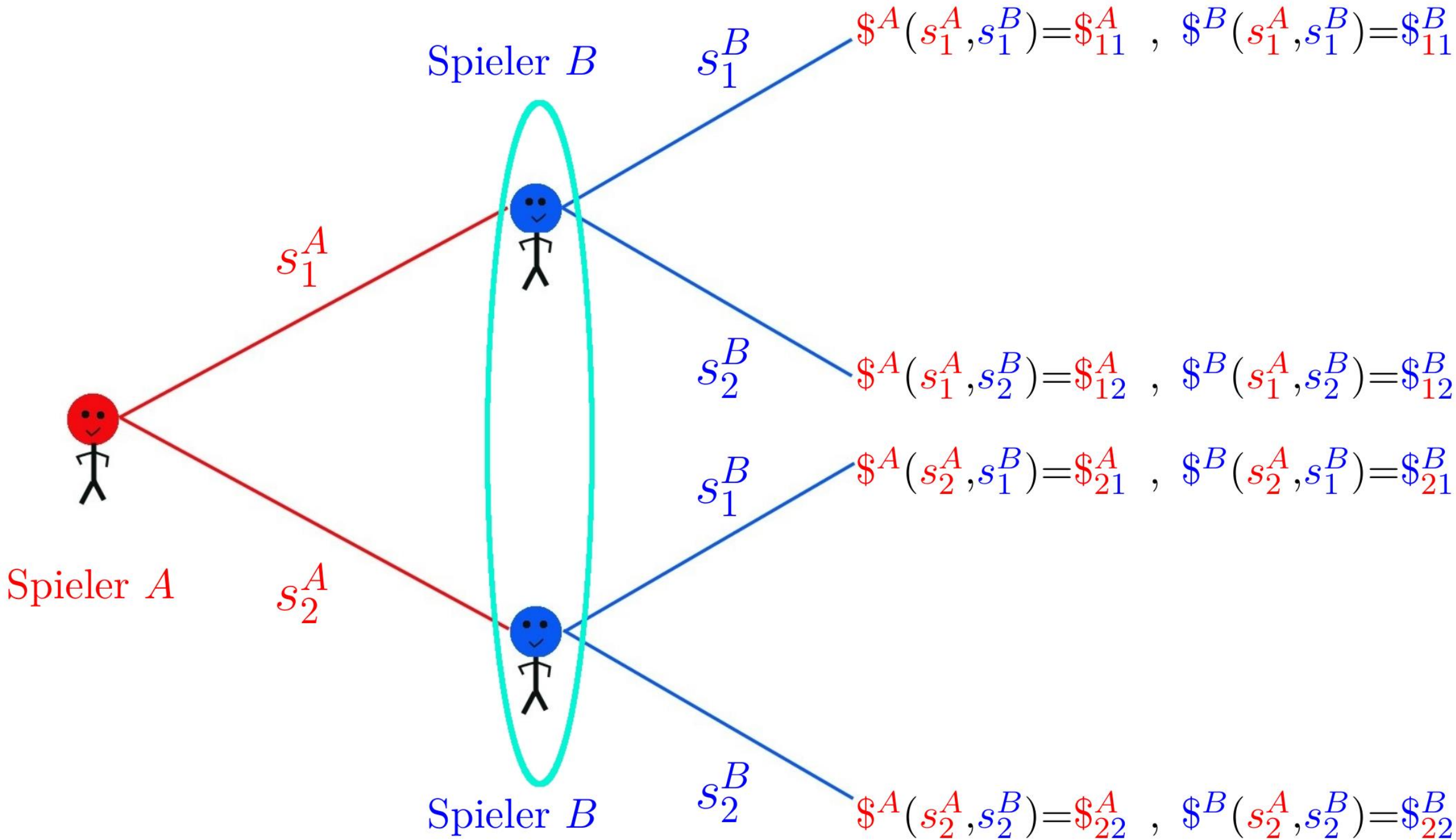
Menge der Spieler: A und B

Menge der Strategien: 1 und 2

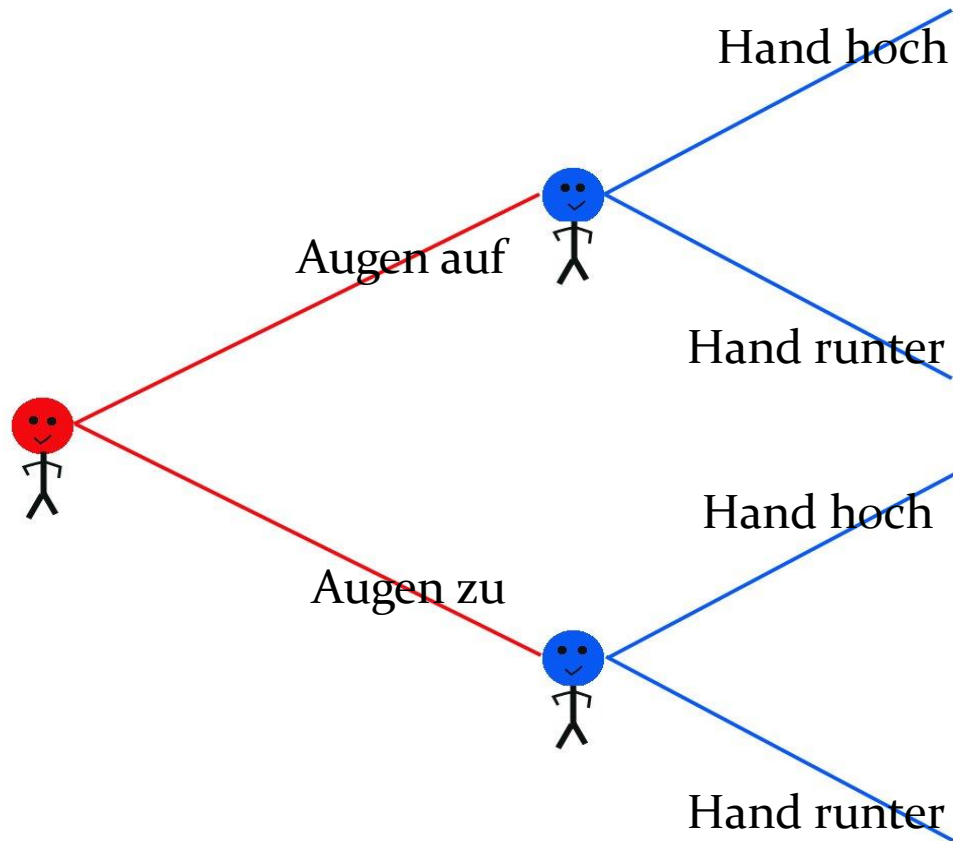
Auszahlungstabelle:

|                             | Spieler B wählt Strategie 1 | Spieler B wählt Strategie 2 |
|-----------------------------|-----------------------------|-----------------------------|
| Spieler A wählt Strategie 1 | $(\$_{11}^A, \$_{11}^B)$    | $(\$_{12}^A, \$_{12}^B)$    |
| Spieler A wählt Strategie 2 | $(\$_{21}^A, \$_{21}^B)$    | $(\$_{22}^A, \$_{22}^B)$    |





# Einfaches Beispiel



|                    | $s_1^2 \hat{=} Hh$ | $s_1^2 \hat{=} Hr$ |
|--------------------|--------------------|--------------------|
| $s_1^1 \hat{=} Aa$ | (10, 10)           | (0, 0)             |
| $s_2^1 \hat{=} Az$ | (0, 0)             | (0, 0)             |

(2 – Personen) – (2 – Strategien) – Spiel  $\Gamma$ :

$\Gamma := (A, (S^1, S^2), (\$^1, \$^2))$

Menge der Spieler :  $A = \{1, 2\} = \{\text{Alice, Bob}\}$

Strategienmenge des 1 - ten Spielers (Alice):

$S^1 = \{s_1^1, s_2^1\} = \{\text{Augen auf, Augen zu}\}$

Strategienmenge des 2 - ten Spielers :

$S^2 = \{s_1^2, s_2^2\} = \{\text{Hand hoch, Hand runter}\}$

Auszahlungsfunktion des 1 - ten Spielers :

$\$^1 : S^1 \times S^2 \rightarrow \mathfrak{R}$  mit

$\$^1(\text{Augen auf, Hand hoch}) = 10$

$\$^1(\text{Augen auf, Hand runter}) = 0$

$\$^1(\text{Augen zu, Hand hoch}) = 0$

$\$^1(\text{Augen zu, Hand runter}) = 0$

Auszahlungsfunktion des 2. Spielers wie 1.

# Beispiel Nr.1

|                    | $s_1^2 \hat{=} Aa$ | $s_1^2 \hat{=} Az$ |
|--------------------|--------------------|--------------------|
| $s_1^1 \hat{=} Aa$ | (0, 0)             | (2, -1)            |
| $s_2^1 \hat{=} Az$ | (-1, 2)            | (1, 1)             |

(2 – Personen) – (2 – Strategien) – Spiel  $\Gamma$  :

$$\Gamma := (A, (S^1, S^2), (\$^1, \$^2))$$

Menge der Spieler :  $A = \{1, 2\} = \{\text{Alice}, \text{Bob}\}$

Strategienmenge des 1-ten Spielers (Alice):

$$S^1 = \{s_1^1, s_2^1\} = \{\text{Augen auf}, \text{Augen zu}\} = \{Aa, Az\}$$

Strategienmenge des 2-ten Spielers :

$$S^2 = \{s_1^2, s_2^2\} = \{\text{Augen auf}, \text{Augen zu}\} = \{Aa, Az\}$$

Auszahlungsfunktion des 1. und 2. Spielers :

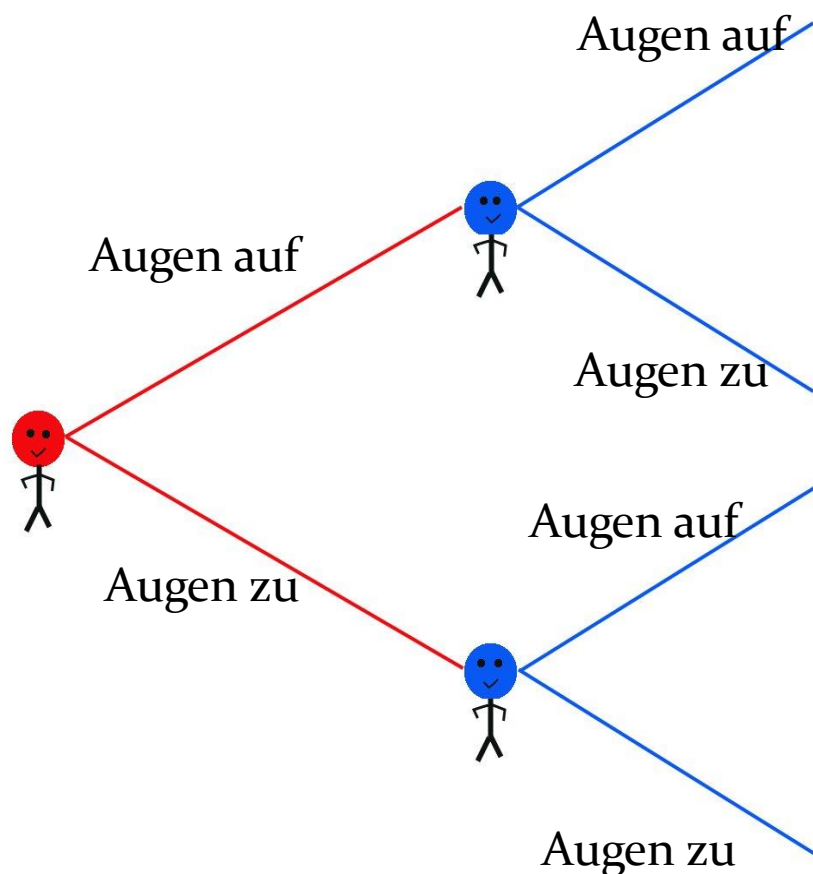
$$\$^1 : S^1 \times S^2 \rightarrow \mathbb{R} \text{ und } \$^2 : S^1 \times S^2 \rightarrow \mathbb{R} \text{ mit}$$

$$\$^1(Aa, Aa) = 0 \quad \text{und} \quad \$^2(Aa, Aa) = 0$$

$$\$^1(Aa, Az) = 2 \quad \text{und} \quad \$^2(Aa, Az) = -1$$

$$\$^1(Az, Aa) = -1 \quad \text{und} \quad \$^2(Az, Aa) = 2$$

$$\$^1(Az, Az) = 1 \quad \text{und} \quad \$^2(Az, Az) = 1$$

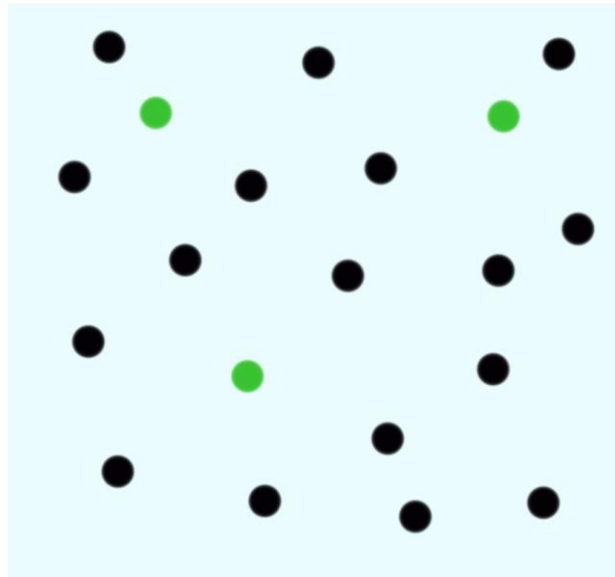


# Origins of evolutionary game theory

- The article published by Maynard Smith in 1972 (J. Maynard Smith “Game theory and the evolution of fighting”, In "On Evolution", pp. 8-28. Edingburgh University Press, Edinburgh, 1972) is generally considered to be the first game theory approach of Evolutionary Game theory. Smith describes in the article how one can extract the biological, dynamic evolution of organisms from the Nash equilibria of symmetrical (2x2) games. He shows how the dynamic evolution of the frequency distribution of organisms ends in a stable state - the so-called *evolutionarily stable strategy*.

# Evolutionäre Spieltheorie

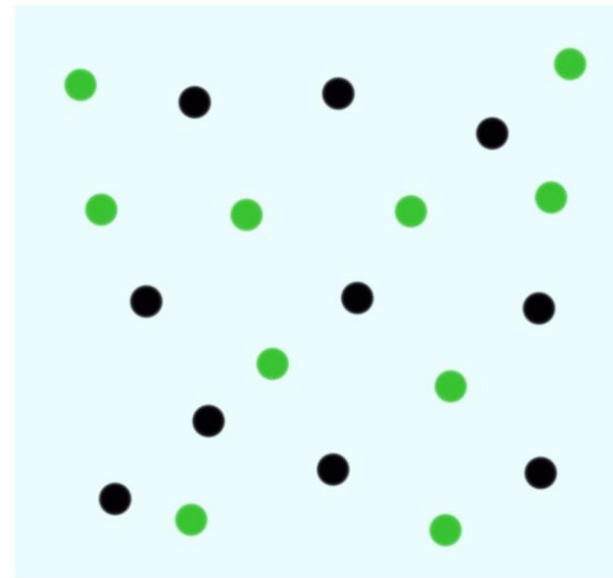
Die evolutionäre Spieltheorie betrachtet die zeitliche Entwicklung des strategischen Verhaltens einer gesamten Spielerpopulation.



$$x(0)=0.15$$



zeitliche  
Entwicklung  
der  
Population

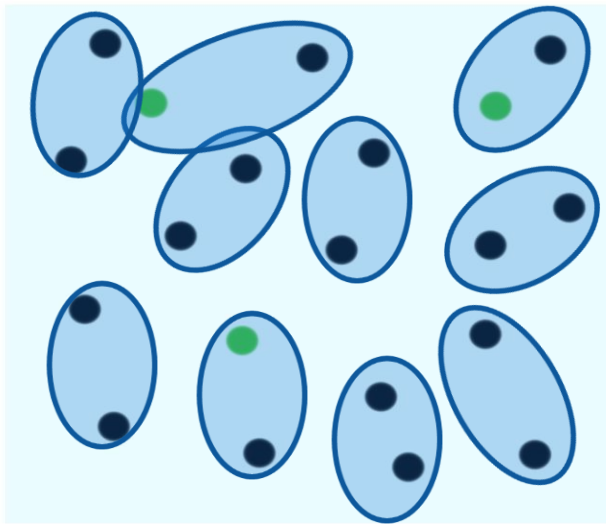


$$x(10)=0.5$$

Mögliche Strategien: (grün, schwarz), Parameter  $t$  stellt die „Zeit“ dar.  
 $x(t)$  : Anteil der Spieler, die im Zeitpunkt  $t$  die Strategie „grün“ spielen.

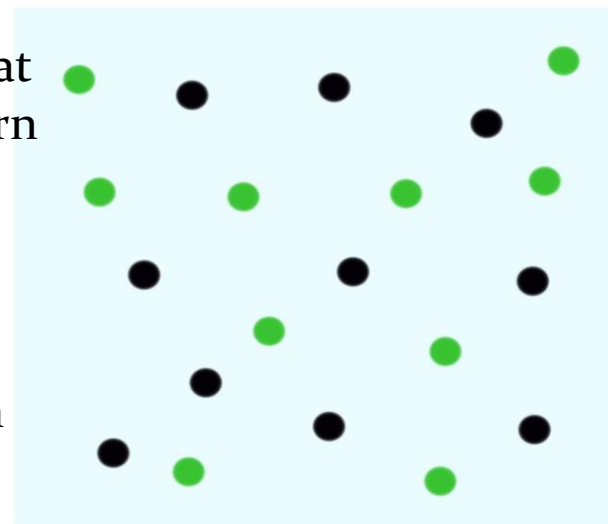
# Evolutionäre Spieltheorie

Die einzelnen Akteure innerhalb der betrachteten Population spielen ein andauernd sich wiederholendes Spiel miteinander, wobei sich jeweils zwei Spieler zufällig treffen, das Spiel spielen und danach zu dem nächsten Spielpartner wechseln .



$$x(0)=0.15$$

Die Anfangspopulation von Spielern spielt zum Zeitpunkt  $t=0$  das erste Mal das Spiel. Die Spieler wählen im Mittel zu 15% die grüne Strategie.



$$x(10)=0.5$$

Das evolutionäre Spiel schreitet voran und die grüne Strategie wird für die Spieler zunehmend attraktiver. Zum Zeitpunkt  $t=10$  spielen schon 50% grün.



# Wir spielen ein Spiel

Nehmen Sie bitte irgendeinen kleinen Gegenstand, der gut in Ihre geschlossene Hand passt (ohne das er von außen sichtbar ist); z.B. eine kleine Papierkugel.

Die teilnehmenden Studenten werden in zufälliger Weise in Zweiergruppen aufgeteilt und in die zugehörigen „Zoom Breakout-Rooms“ eingeladen.

Im „Breakout-Rooms“ spielen Sie (Spieler A) und ihr Nebenmann/frau (Spieler B) nun ein simultanes (2x2)-Spiel mit symmetrischer Auszahlungsmatrix (siehe Tabelle unten). Nehmen Sie an, dass die Auszahlungswerte in der Tabelle in Einheiten von Euro angegeben sind.

Treffen Sie ihre Entscheidung und legen Sie, ohne das Ihr Gegenüber erkennen kann, was Sie machen, entweder die Kugel in Ihre Hand (oder nicht) und ballen Ihre Hand zu einer Faust.

Wenn Sie beide bereit sind, halten Sie die geschlossene Faust vor die Kamera und öffnen Sie diese gleichzeitig mit ihrem Gegenüber. Nennen Sie dann kurz Ihre erzielte Auszahlung und verlassen dann den Breakout-Room.

Im Zoom Hauptraum geben Sie dann Ihre gewählte Strategie (Ohne Kugel / Mit Kugel ) in dem Umfragetool ein.

Dieses Spiel wird nun mehrere Male wiederholt um zu sehen, wie sich die mittlere Strategiewahl der Population der Studentierenden verändert.

| Spieler B                 | Strategie 1<br>Ohne Kugel | Strategie 2<br>Mit Kugel |
|---------------------------|---------------------------|--------------------------|
| Spieler A                 |                           |                          |
| Strategie 1<br>Ohne Kugel | (0 , 0)                   | (2 , -1)                 |
| Strategie 2<br>Mit Kugel  | (-1 , 2)                  | (1 , 1)                  |

# Wir spielen ein Spiel (Spiel 1)

| Spieler B<br>Spieler A    | Strategie 1<br>Ohne Kugel | Strategie 2<br>Mit Kugel |
|---------------------------|---------------------------|--------------------------|
| Strategie 1<br>Ohne Kugel | $(0, 0)$                  | $(2, -1)$                |
| Strategie 2<br>Mit Kugel  | $(-1, 2)$                 | $(1, 1)$                 |

## Wir spielen ein Spiel (Spiel 2)

| Spieler B<br>Spieler A    | Strategie 1<br>Ohne Kugel | Strategie 2<br>Mit Kugel |
|---------------------------|---------------------------|--------------------------|
| Strategie 1<br>Ohne Kugel | (2, 2)                    | (4, 0)                   |
| Strategie 2<br>Mit Kugel  | (0, 4)                    | (5, 5)                   |

# Evolutionary Game Theory Applications

## Biology:

### **Distribution of bacteria in organisms**

See for example: Kerr, Feldmann, Nature 2002

### **Cooperation of virus populations**

See for example: Turner, Chao, Nature 1999

### **Mating strategies of lizards**

See for example: Sinervo, Hazard, Nature 1996

### **Evolutionary dynamics of macromolecules**

See for example: Eigen, Schuster, Naturwissenschaften 64, 1977

# Evolutionary Game Theory Applications

## Economics:

### "Public Goods" - Games

Elinor Ostrom, Trust in Private and Common Property Experiments

C. Clemens and T. M. Perfunke, Evolutionary Dynamics in Public Good Games, Computational Economics (2006) 28: 399-420

M. Kosfeld, A. Okada and A. Riedl, Institution Formation in Public Goods Games, American Economic Review, 2009, 99:4, 1335-1355

### Experimental economics

Elinor Ostrom et al., Cooperation in PD games: Fear, greed, and history of play, Public Choice 106: 137-155, 2001.

### Behavioral economics (altruism, empathy, ...)

See for example articles by Fehr et al.

### Evolution of information networks

S. Bernius, M. Hanauske, B. Dugall, W. König, Exploring the Effects of a Transition to Open Access, Journal of the American Society for Information Science and Technology, accepted for publication (2012)

## **Social science:**

### **Social learning, Cultural and moral evolution**

Evolution of social learning does not explain the origin of human cumulative culture, M. Enquist, S. Ghirlanda, *Journal of Theoretical Biology* 246 (2007)

Evolution of moral norms, W. Harms and B. Skyrms, *Oxford Handbook on the Philosophy of Biology*

### **Evolution of language**

Finite populations choose language at best, C. Pavlovich, *Journal of Theoretical Biology* 249 (2007) 606-616

### **Evolution of social norms**

Collective Action and the Evolution of Social Norms, E. Ostrom, *The Journal of Economic Perspectives*, vol 14, no. 3 ( 2000), p. 137-158

### **Evolution of social networks**

Governing Social-Ecological Systems, M. A. Janssen and E. Ostrom

A General Framework for Analyzing Sustainability of Social-Ecological Systems, E. Ostrom, et al., *Science* 325, 419 (2009)

# DPG Spring Meeting Berlin, March 25 - 30, 2012

## SCOPE

- Financial Markets and Risk Management
- Economic Models and Evolutionary Game Theory
- Traffic Dynamics, Urban and Regional Systems
- Social Systems, Opinion and Group Dynamics
- Networks: From Topology to Dynamics

## KEYNOTE TALK

**H. Eugene Stanley**  
(Boston, USA)

“Interdependent Networks and Switching Phenomena”

## YOUNG SCIENTIST AWARD FOR SOCIO- AND ECONOPHYSICS\*

Keynote Speaker: **Stefan Thurner** (Wien, A)  
“The Role of Agent Based Models in Understanding Human Societies”

\* supported by d-fine



Registration via <http://berlin12.dpg-tagungen.de/index.html?lang=en>  
Conference Languages: English and German

Deadline: December 1<sup>st</sup> 2011

Young Scientist Award: Call for nominations and applications at <http://www.dpg-physik.de/dpg/gliederung/fv/soe/YSA/call.html>

Deadline: December 1<sup>st</sup> 2011

## CONTACT

Prof. Dr. Dirk Helbing, Dr. Jörg Reichardt and Dr. Tobias Preis,  
Chairmen of the Physics of Socio-Economic Systems Division ( $\Phi$ ·SOE), <http://www.phi-soe.de/>

## TUTORIAL “Scientific Writing”\*\*

Hernan Rozenfeld (APS, USA)  
Tim Smith (IOP Publishing, UK)

## INVITED TALKS

**Thilo Gross** (Bristol, UK) “Adaptive Networks of Opinion Formation in Humans and Animals”

**Marc Hütt** (Bremen) “Common Design Principles of Metabolic Networks and Industrial Production”

## Focus SESSION: BIG DATA\*\*

**Rosario Mantegna** (Palermo, IT)  
“Econophysics and Social Research with Large Sets of Data”

**Philip Treleaven** (London, UK)  
“Experimental Computational Finance & Big Data Environment”

**Tiziana Di Matteo** (London, UK)  
“Embedding High Dimensional Data on Networks”

**Michael Batty** (London, UK)  
“Cities and Complexity”

## FOCUS SESSION: MODELS OF WAR, CONFLICT AND REVOLUTIONS

**Neil Johnson** (Miami, USA)  
“Escalation, Timing and Severity of Insurgent and Terrorist Events: Robust Patterns and a Generic Model”

**Aaron Clauset** (Boulder, USA)  
“Fatality Dynamics and the Limits of Civil and Interstate Wars”

**Ravinder Bhavnani** (Geneva, CH)  
“Group Segregation and Urban Violence”

\*\*Sessions are organized with the JDPG

## Tutorial

SOE 1.1 Sun 16:00–18:00 HSZ 04 **Collective Dynamics of Firms: A Statistical Physics Approach** — ●FRANK SCHWEITZER

## Focus Session: Swarm Intelligence

SOE 2.1 Mon 10:15–10:45 GÖR 226 **Social Media and Attention** — ●BERNARDO HUBERMAN  
SOE 2.2 Mon 10:45–11:15 GÖR 226 **Mobilizing society with a red balloon** — ●RILEY CRANE  
SOE 2.3 Mon 11:15–11:45 GÖR 226 **Collective behaviour and swarm intelligence** — ●JENS KRAUSE

## Focus Session: GPU-Computing (with DY)

SOE 5.1 Mon 14:00–14:30 GÖR 226 **Applications of GPU-Computing in Statistical Physics** — ●PETER VIRNAU  
SOE 5.2 Mon 14:30–15:00 GÖR 226 **Accelerating Monte Carlo Simulations in Statistical Physics with GPU's** — ●DAVID LANDAU

## Focus Session: Experimental Methods

SOE 10.1 Tue 13:30–14:00 GÖR 226 **Complex Economic Systems in the Laboratory** — ●CARS HOMMES  
SOE 10.2 Tue 14:00–14:30 GÖR 226 **Multiplicative Cascades: How to model trip within cities** — ●MARTA C. GONZÁLEZ  
SOE 10.3 Tue 14:30–15:00 GÖR 226 **Human behavior on networks: lessons and perspectives from game theory** — ●ANGEL SÁNCHEZ  
SOE 10.4 Tue 15:00–15:30 GÖR 226 **Measuring Happiness** — ●PETER S. DODDS

## Young Scientist Award for Socio- and Econophysics

SOE 8.1 Mon 17:00–17:45 HSZ 02 **Dragon-kings versus black swans: diagnostics and forecasts for the on-going world financial crisis** — ●DIDIER SORNETTE  
SOE 8.1 Mon 18:00–18:30 HSZ 02 **Community structure in networks and statistical physics of social dynamics** — ●SANTO FORTUNATO

## Joint Symposium on Foundations and Perspectives of Climate Engineering (with AKE, UP)

See SYCE for the full program of the symposium.

SYCE 1.1 Tue 10:30–11:00 HSZ 01 **Oceanic carbon-dioxide removal options: Potential impacts and side effects** — ●ANDREAS OSCHLIES  
SYCE 1.2 Tue 11:00–11:30 HSZ 01 **Climate Engineering through injection of aerosol particles into the atmosphere: physical insights into the possibilities and risks** — ●MARK LAWRENCE  
SYCE 1.3 Tue 11:30–12:00 HSZ 01 **Geoengineering - will it change the climate game?** — ●TIMO GOESCHL  
SYCE 1.4 Tue 12:00–12:30 HSZ 01 **The gamble with the climate - an experiment** — ●MANFRED MILINSKI

## Plenary Talks related to SOE

PV X Thu 8:30–9:15 H1 **Complex Networks: From Statistical Physics to the Cell** — ●ALBERT LASZLO BARABASI

## Tutorial

SOE 1.1 Sun 16:00–18:00 H10 **Time Series Analysis in Sociophysics and Econophysics** — ●JOHANNES J. SCHNEIDER, ●TOBIAS PREIS

## Invited Talks

SOE 2.1 Mon 9:30–10:15 H44 **Don't panic! - The physics of pedestrian dynamics and evacuation processes** — ●ANDREAS SCHAADSCHNEIDER  
SOE 7.1 Tue 9:30–10:00 H44 **Humans playing spatial games** — ●ARNE TRAUlsen  
SOE 12.1 Wed 9:30–10:15 H44 **The hidden complexity of open source software** — ●FRANK SCHWEITZER  
SOE 17.1 Thu 9:30–10:15 H44 **Wave localization in complex networks** — ●JAN W. KANTELHARDT  
SOE 22.1 Fri 9:30–10:15 H44 **Hypergraphs and social systems** — ●GUIDO CALDARELLI

## Focus Session: Science of Science

SOE 4.1 Mon 13:30–14:00 H44 **Following the actors: individual and collective behavior in epistemic landscapes** — ●ANDREA SCHARNHORST  
SOE 4.2 Mon 14:00–14:30 H44 **Tracking science in real-time from large-scale usage data.** — ●JOHAN BOLLEN  
SOE 4.3 Mon 14:45–15:15 H44 **Mapping change in science** — ●MARTIN ROSVALL, CARL BERGSTROM  
SOE 4.4 Mon 15:15–15:45 H44 **Statistical physics of citation behavior** — ●SANTO FORTUNATO

# Das Dilemma des Wettrüstens

Zwei Länder stehen vor der Entscheidung die Streitkräfte ihres Landes militärisch, atomar aufzurüsten oder atomar abzurüsten.

Erprobt wurde die Spieltheorie im Kalten Krieg, als sich die Vereinigten Staaten und die Sowjetunion gegenseitig mit nuklearer Vernichtung bedrohten. Damals war "The Strategy of Conflict", das Hauptwerk des amerikanischen Spieltheoretikers Thomas Schelling von 1960, eines der einflussreichsten Bücher. Ob Schelling wirklich dazu beigetragen hat, dass die Kubakrise im Oktober 1962 nicht im atomaren Inferno endete, ist offen. Auf jeden Fall half er, den Kalten Krieg durch ein Stück Rationalität zu entschärfen. Schelling erhielt 2005 den Wirtschaftsnobelpreis.

<https://www.sueddeutsche.de/wirtschaft/essay-wer-als-erster-nachgibt-1.3967244>



München 17°

## Süddeutsche Zeitung

SZ.de Zeitung Magazin

Shop Jobs Immobilien Anzeigen

Login  Abo



Politik Wirtschaft Panorama Sport München Bayern Kultur Gesellschaft Wissen Digital Karriere Reise Auto Stil mehr...





# Das Dilemma des Wettrüstens

- Zwei Länder stehen vor der Entscheidung die Streitkräfte ihres Landes militärisch, atomar aufzurüsten oder atomar abzurüsten.

1. Definieren Sie das Spiel.
2. Beschreiben Sie eine mögliche Situation der Länder und definieren Sie die dem Spiel zugrundeliegende Auszahlungsmatrix.
3. Berechnen Sie die Nash-Gleichgewichte des Spiels. Gibt es eine dominante Strategie?

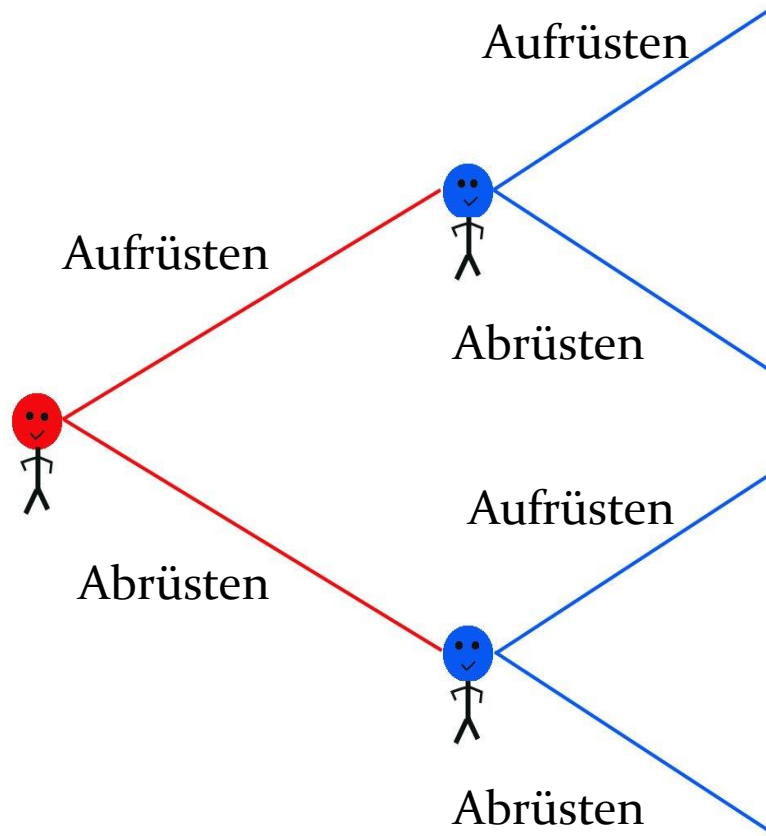


|           | Russland | Aufrüsten | Abrüsten  |
|-----------|----------|-----------|-----------|
| USA       |          |           |           |
| Aufrüsten |          | (?? , ??) | (?? , ??) |
| Abrüsten  |          | (?? , ??) | (?? , ??) |

# Dilemma des Wettrüstens

|                     | $s_1^2 \hat{=} Auf$ | $s_1^2 \hat{=} Ab$ |
|---------------------|---------------------|--------------------|
| $s_1^1 \hat{=} Auf$ | (a , a)             | (b , c)            |
| $s_2^1 \hat{=} Ab$  | (c , b)             | (d , d)            |

(1. Mögliche Definition des Spiels)



(2 – Länder) – (2 – Strategien) – Spiel  $\Gamma$ :

$$\Gamma := (A, (S^1, S^2), (\$^1, \$^2))$$

Menge der Spieler (Länder):

$$A = \{1, 2\} = \{\text{Land 1, Land 2}\}$$

Strategienmenge des 1-ten Spielers (Land 1):

$$S^1 = \{s_1^1, s_2^1\} = \{\text{Aufrüsten, Abrüsten}\}$$

Strategienmenge des 2-ten Spielers (Land 2):

$$S^2 = \{s_1^2, s_2^2\} = \{\text{Aufrüsten, Abrüsten}\}$$

Auszahlungsfunktion des 1. und 2. Spielers:

$$\$^1 : S^1 \times S^2 \rightarrow \mathfrak{R} \quad \text{und} \quad \$^2 : S^1 \times S^2 \rightarrow \mathfrak{R}$$

$$\$^1(\text{Auf, Auf}) = a \quad , \quad \$^2(\text{Auf, Auf}) = a$$

$$\$^1(\text{Auf, Ab}) = b \quad , \quad \$^2(\text{Auf, Ab}) = c$$


$$\$^1(\text{Ab, Auf}) = c \quad , \quad \$^2(\text{Ab, Auf}) = b$$

$$\$^1(\text{Ab, Ab}) = d \quad , \quad \$^2(\text{Ab, Ab}) = d$$

# Dilemma des Wettrüstens

|                     | $s_1^2 \hat{=} Auf$ | $s_1^2 \hat{=} Ab$ |
|---------------------|---------------------|--------------------|
| $s_1^1 \hat{=} Auf$ | (a , a)             | (b , c)            |
| $s_2^1 \hat{=} Ab$  | (c , b)             | (d , d)            |

(2. Eigenschaften der Auszahlungsmatrix (I))

- Das zunächst allgemein definierte symmetrische (2x2)-Spiel des Wettrüstens zweier Länder wird nun durch Festlegung der freien Parameter (a,b,c und d) an eine spezifische Ausgangssituation angepasst:
  - Betrachtet man den Nutzen für die Länder bei gemeinsamen Aufrüsten (Auf,Auf) und gemeinsamen Abrüsten (Ab,Ab), so nehmen wir im Folgenden an, dass es sowohl finanziell, als auch für das „Wohlbefinden“ der einzelnen Länder von Vorteil ist Strategie (Ab,Ab) zu wählen.   $a < d$

# Dilemma des Wettrüstens

|                     | $s_1^2 \hat{=} Auf$ | $s_1^2 \hat{=} Ab$ |
|---------------------|---------------------|--------------------|
| $s_1^1 \hat{=} Auf$ | (a, a)              | (b, c)             |
| $s_2^1 \hat{=} Ab$  | (c, b)              | (d, d)             |

(2. Eigenschaften der Auszahlungsmatrix (II))

- Betrachtet man den Nutzen für die Länder wenn *Land 1* aufrüstet und *Land 2* abrüstet (Auf,Ab), und setzt voraus, dass beide Länder sich ernsthaft voneinander bedroht fühlen, so würde Land 1 diese Strategienkombination sehr positiv bewerten, Land 2 dagegen äußerst negativ.



$b \gg c$  und  $b > d$  und  $c < a$

# Dilemma des Wettrüstens

(2. Eigenschaften der Auszahlungsmatrix (III))

|                     |                     |                    |
|---------------------|---------------------|--------------------|
|                     | $s_1^2 \hat{=} Auf$ | $s_1^2 \hat{=} Ab$ |
| $s_1^1 \hat{=} Auf$ | (a , a)             | (b , c)            |
| $s_2^1 \hat{=} Ab$  | (c , b)             | (d , d)            |

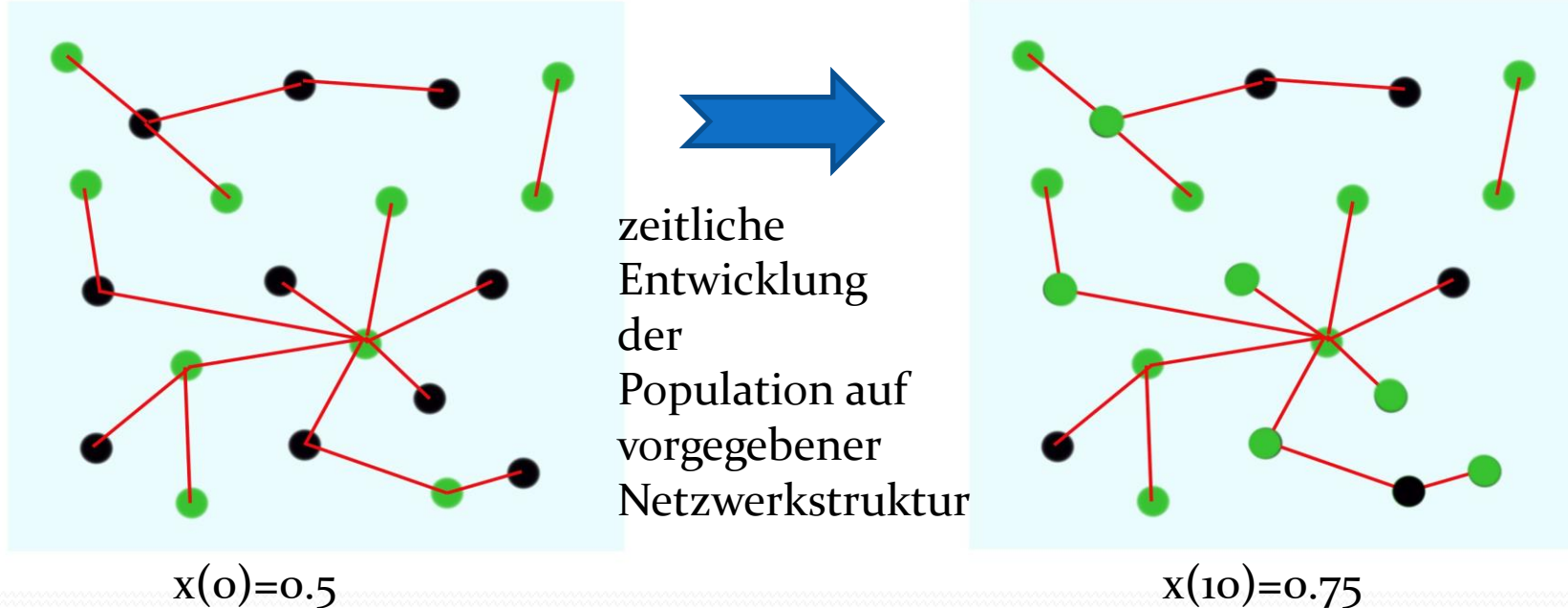
- Wir legen die Parameter des Spiels wie folgt fest:

|                  |                  |                 |
|------------------|------------------|-----------------|
|                  | <b>Aufrüsten</b> | <b>Abrüsten</b> |
| <b>Aufrüsten</b> | (1 , 1)          | (4 , 0)         |
| <b>Abrüsten</b>  | (0 , 4)          | (2 , 2)         |

Siehe: *Schlee, Walter Einführung in die Spieltheorie*, Vieweg, 2004

# Evolutionäre Spieltheorie auf komplexen Netzwerken

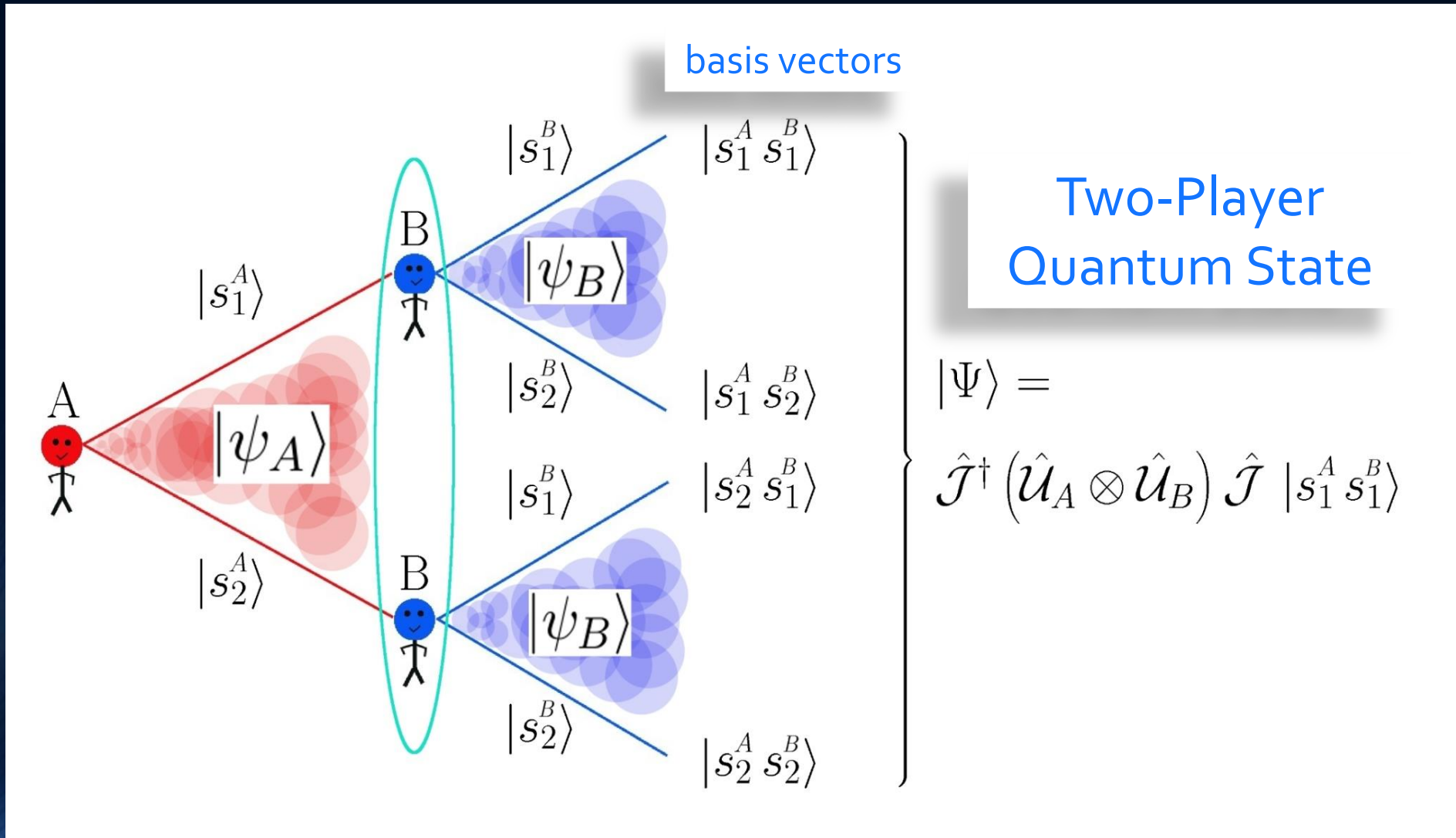
Viele in der Realität vorkommende evolutionäre Spiele werden auf einer definierten Netzwerkstruktur (Topologie) gespielt. Die Spieler der betrachteten Population sind hierbei nicht gleichwertig, sondern wählen als Spielpartner nur mit ihnen durch das Netzwerk verlinkte (verbundene) Partner aus.



Mögliche Strategien: (grün, schwarz), Parameter  $t$  stellt die „Zeit“ dar.  
 $x(t)$  : Anteil der Spieler, die im Zeitpunkt  $t$  die Strategie „grün“ spielen.  
Die roten Verbindungslinien beschreiben die möglichen Spielpartner des Spielers

# Quantum Games

The entangled Two-Player Quantum-Spinor



Through a quantum-theoretical entanglement of the imaginary decision-making paths within an actor network, a population can succeed in escaping a dilemma-like situation if the value of the entanglement exceeds a certain threshold value.

# Öffentliche Ringvorlesung:

## Spieltheorie - Die Mathematik der Entscheidungsfindung

**Gesellschaftliche Konflikte, leider auch militärische, haben in einer Weise zugenommen, wie man sich das vor Jahren nicht vorstellen mochte. Ihr Vordringen und ihre Bewältigung gehen manches Mal mit großen Emotionen einher, die oft einen klaren Blick auf die anstehenden Entscheidungen verstellen. — Demgegenüber geht es in der Spieltheorie um rationale Entscheidungsfindung in gesellschaftlichen Auseinandersetzungen. In mathematischen Modellen werden typische Konfliktsituationen herausgearbeitet, wie etwa beim „Gefangenendilemma“. Dabei greift man dann auch auf Zufallsentscheidungen zurück. Man denke etwa an das Spiel „Stein, Schere, Papier“. Hier wird jede deterministische Strategie durch eine angepasste Gegenstrategie dominiert. Nur mittels Zufall kann man sich gegen alle Gegenstrategien wappnen. — In der Ringvorlesung geben ausgewählte Vortragende Einblicke in Grundideen der Spieltheorie und in ihre Auswirkungen auf aktuelle Fragen der Gesellschaft sowie menschliche und computerbasierte Vorhersagen.**

**Ab dem 2. Vortrag am 19.12.2023 werden die Vorträge live auf [YouTube](#) übertragen. Sie werden in Präsenz durchgeführt, immer dienstags um 18:00 s.t. und öffentlich zugänglich im Hörsaal**

**H IV, Gräfstrasse 52, 60486 Frankfurt**

**der Goethe-Universität.**



**21. November 2023**

[Prof. Dr. Christian Rieck](#)

Frankfurt University of Applied Sciences

**Modell und Wirklichkeit im Spiel**



**19. Dezember 2023**

[Prof. Dr. Bernhard von Stengel](#)

London School of Economics and Political Sciences

**Spieltheorie und Politik** ([Aufnahme des YouTube-Livestreams](#))

**Abgesagt**

[Prof. Dr. Alexandra Schwartz](#)

TU Dresden

**Mehrstufige Spiele: vom Vorhersagen und Beeinflussen von Entscheidungen**

**16. Januar 2024**

[Prof. Dr. Arne Traulsen](#)

MPI für Evolutionsbiologie, Plön

**Evolutionäre Spieltheorie und soziale Dilemmas** ([Aufnahme des YouTube-Livestreams](#))

**6. Februar 2024**

[Christopher Lorenz](#)

Universität Frankfurt

**Nobelpreiswürdige Gleichgewichtskonzepte von Nash bis Selten** ([Aufnahme des YouTube-Livestreams](#))

**16. April 2024**

[Prof. Dr. Matthias Blonski](#)

Universität Frankfurt

**Kooperation im wiederholten Gefangenendilemma** ([Aufnahme des YouTube-Livestreams](#))

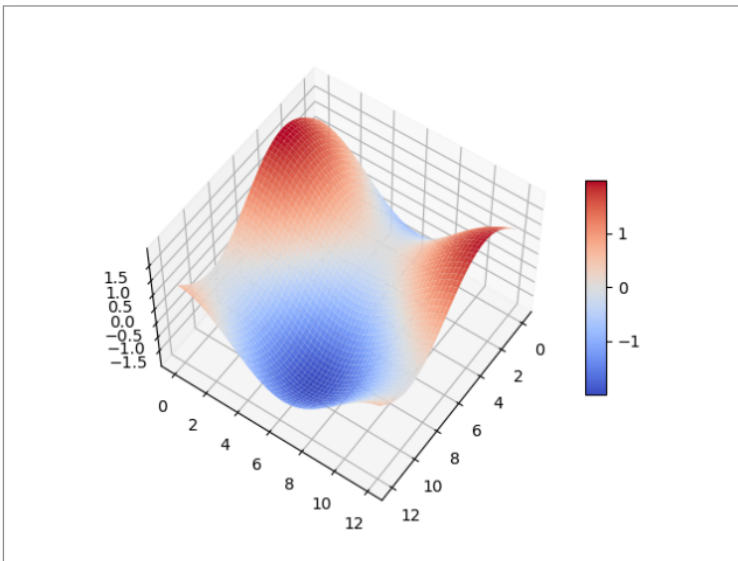
## Vorlesung 1

Die erste Vorlesung soll einerseits einen kurzen Einblick in die gesamten Inhalte der Vorlesung geben und andererseits auch schon in die mathematische Formulierung der *Spieltheorie* (siehe rechtes Panel dieser Vorlesung) einführen. In diesem Jahr werden im Prinzip die identischen Inhalte wie im WS 2022/23 besprochen (siehe [Alte Vorlesungsseiten \(WS 2022/23\)](#)) und ein Großteil der

Python Programme und Jupyter Notebooks basieren auf diesen Seiten. Zusätzlich werden wir in diesem Jahr auch auf das Paradigma der Objekt-orientierten Programmierung am Beispiel der Sprache C++ näher eingehen (siehe auch [Einführung in die Programmierung für Studierende der Physik](#)).

Die Teilnehmer der Vorlesung erhalten einen Account für die Rechner des Instituts für Theoretische Physik (ITP) der Goethe-Universität und in den Übungsstunden können sie vor Ort im PC-Pool (ITP, Raum 01.120) die vorinstallierten Programme (C++, Python, ...) nutzen, um die besprochenen Themen im Detail zu verstehen und die Übungsaufgaben zu bearbeiten (für einen *Remote Login* auf den Server des ITP siehe [Einführung in die Programmierung für Studierende der Physik](#) und [Alte Vorlesungsseiten \(WS 2021/22\)](#)).

### Einführung in Jupyter Notebooks



In den zugehörigen Übungsgruppen der Vorlesung werden wir die computerunterstützten Berechnungen hauptsächlich mittels sogenannter *Jupyter Notebooks* durchführen. In Jupyter Notebooks kann man die Programmiersprache Python in einer anwendungsfreundlichen Umgebung nutzen und die berechneten Ergebnisse auch gleich visualisieren. Auf den Computern des ITP kann man *Jupyter Notebooks* starten, indem man in einem Linux-Terminal den Befehl "jupyter-notebook" eingibt. Einige der in den Vorlesungen behandelten Jupyter Notebooks benutzen spezielle Python Module und Libraries (z.B. sympy, siehe [SymPy](#)), die man im Linux-Terminal für den Python3-Kernel mittels des Befehls "pip3 install sympy" installieren kann. Da es sich bei den Jupyter Notebooks um eine frei zugängliche Open-Source-Software handelt, kann man diese auch direkt auf dem eigenen Computer/Laptop installieren und benötigt nicht den Umweg mittels des Remote Logins auf den Server des ITP. In der ersten Vorlesung wird kurz besprochen, wie man eine solche Installation durchführt. In der ersten Übungsstunde werden

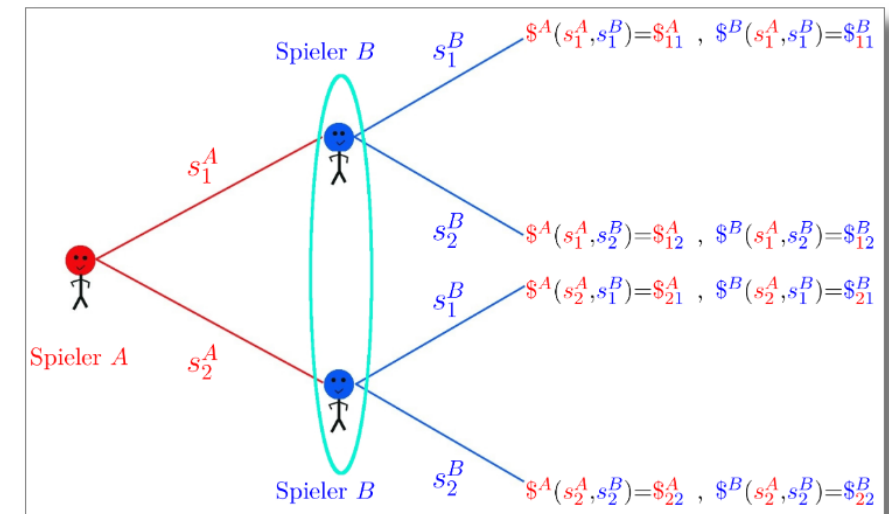
Hilfestellungen zu dem *Remote Login* und der Installation von Python/Jupiter gegeben und eine einführendes Jupyter Notebook besprochen. Dieses Notebook finden Sie unter dem folgenden Link ([IntroJupyter.ipynb](#)) und zu dem html-Export gelangen Sie durch Klicken auf das nebenstehende obere Bild.

## Vorlesung 1

Nach einem kurzen Überblick in die Inhalte der gesamten Vorlesung werden in der ersten Vorlesung die Grundlagen der *Spieltheorie* vorgestellt (siehe [Teil I](#)).

Im Gegensatz zur Physik, die die Gesetzmäßigkeiten der leblosen Materie/Energie und deren Wechselwirkungen in Raum und Zeit betrachtet, ist der wissenschaftliche Untersuchungsgegenstand der *Spieltheorie* (das zu erforschende Ding) der Mensch, und wir sind daran interessiert, wie dieser sich bei ökonomischen oder sozial relevanten strategischen Entscheidungen verhält. Viele Wissenschaftler betrachten die *Spieltheorie* als die formale Sprache der ökonomischen Theorie.

Im Prinzip benötigt man für die formale mathematische Definition eines Spiels lediglich die Angabe dreier Größen: Die Menge  $\mathcal{I}$  der Spieler, die Menge (der Raum)  $\mathcal{S}$  der Strategien der Spieler und ihre Auszahlungsfunktion (Präferenzordnungen)  $\$$  (siehe [I.1.1 Definition eines Spiels](#)). Es wird der Spielbaum und die Auszahlungsmatrix eines simultanen (2 Personen)-(2 Strategien) Spiels ( $(2 \times 2)$  Spiel) vorgestellt



und anhand von mehreren bekannten klassischen Spielen wird das Konzept des Nash-Gleichgewichtes mittels der *Bestantwort-Pfeile* illustriert (siehe [Gefangenendilemma](#), [Hirschjagd-](#) und [Angsthasen-Spiel](#)).